

TP : Algorithme RSA et conception d'une application de chat sécurisée

- Un correspondant « A » choisit deux nombres premiers p et q . Il doit garder ces nombres secrets.
- « A » forme le produit de l'un par l'autre et obtient ici $N=pq$. Il doit choisir un autre nombre $e < n$ et il doit faire en sorte que e et $(p-1)*(q-1)$ soient **premiers** entre eux. Appliquer pour cela l'algorithme d'Euclide.
- « A » peut maintenant diffuser e et N par le moyen approprié. Ces deux nombres étant nécessaires pour le chiffrement, ils doivent être disponibles pour toute personne ayant à crypter un message pour « A ».
- Pour crypter un message, celui-ci doit d'abord être converti en un nombre M . Par exemple, un mot est traduit en bits selon le [code ASCII](#), ou un autre codage. et ces bits sont considérés comme l'écriture du nombre M . Celui-ci est alors crypté pour obtenir le texte chiffré.
- Pour crypter ce message, cet expéditeur commence par chercher la clef publique de « A », et trouve N et e . Cela lui procure la formule de chiffrement requise pour crypter les messages pour « A » :

$$C:=M^e \bmod(N);$$

- Il est très difficile de repartir de C pour retrouver le message original M . Mais « A » peut le déchiffrer, car il dispose de e , p et de q .
Il calcule un nombre d , la clef de déchiffrement, encore appelée **clef privée**.
Le nombre d est calculé selon la formule suivante: $ed=1 \bmod((p-1)(q-1))$, pour cela, résoudre une «équation modulaire».
- Pour décrypter le message, on applique la formule suivante.

$$M:=C^d \bmod(N);$$

Etapes pour valider l'algorithme

- 1) Coder le message
- 2) attribuer des valeurs à p , q et e .
- 3) lancer la procédure de cryptage.
- 4) Décrypter le message obtenu et vérifier ce qu'on retrouve.

Préparation des clés

Faites connaître vos clés publiques. Pour cela, ouvrez un fichier intitulé **clé_nom**, recopiez vos clés publiques (pas la privée bien sûr !), et envoyez le dans un dossier partagé ou mettez le dans une base de donnée accessible.

Pour envoyer un message à quelqu'un, chercher ses clés publiques, les copier dans votre répertoire crypter et envoyer.

Deuxième test

Réaliser une application de chat sécurisée avec RSA (validation sur machine virtuelle ou réseau local).