

## TP : Algorithme RSA et conception d'une application de chat sécurisée

- Un correspondant « A » choisit deux nombres premiers  $p$  et  $q$ . Il doit garder ces nombres secrets.
- « A » forme le produit de l'un par l'autre et obtient ici  $N=pq$ . Il doit choisir un autre nombre  $e < n$  et il doit faire en sorte que  $e$  et  $(p-1)*(q-1)$  soient **premiers** entre eux. Appliquer pour cela l'algorithme d'Euclide.
- « A » peut maintenant diffuser  $e$  et  $N$  par le moyen approprié. Ces deux nombres étant nécessaires pour le chiffrement, ils doivent être disponibles pour toute personne ayant à crypter un message pour « A ».
- Pour crypter un message, celui-ci doit d'abord être converti en un nombre  $M$ . Par exemple, un mot est traduit en bits selon le [code ASCII](#), ou un autre codage. et ces bits sont considérés comme l'écriture du nombre  $M$ . Celui-ci est alors crypté pour obtenir le texte chiffré.
- Pour crypter ce message, cet expéditeur commence par chercher la clef publique de « A », et trouve  $N$  et  $e$ . Cela lui procure la formule de chiffrement requise pour crypter les messages pour « A » :

$$C:=M^e \bmod(N);$$

- Il est très difficile de repartir de  $C$  pour retrouver le message original  $M$ . Mais « A » peut le déchiffrer, car il dispose de  $e$ ,  $p$  et de  $q$ .  
Il calcule un nombre  $d$ , la clef de déchiffrement, encore appelée **clef privée**.  
Le nombre  $d$  est calculé selon la formule suivante:  $ed=1 \bmod((p-1)(q-1))$ , pour cela, résoudre une «équation modulaire».
- Pour décrypter le message, on applique la formule suivante.

$$M:=C^d \bmod(N);$$

## Etapes pour valider l'algorithme

- 1) Coder le message
- 2) attribuer des valeurs à  $p$ ,  $q$  et  $e$ .
- 3) lancer la procédure de cryptage.
- 4) Décrypter le message obtenu et vérifier ce qu'on retrouve.

## Préparation des clés

Faites connaître vos clés publiques. Pour cela, ouvrez un fichier intitulé **clé\_nom**, recopiez vos clés publiques (pas la privée bien sûr !), et envoyez le dans un dossier partagé ou mettez le dans une base de donnée accessible.

Pour envoyer un message à quelqu'un, chercher ses clés publiques, les copier dans votre répertoire crypter et envoyer.

## Deuxième test

Réaliser une application de chat sécurisée avec RSA (validation sur machine virtuelle ou réseau local).